

Электрический диполь. Поведение диполя в электрическом поле.

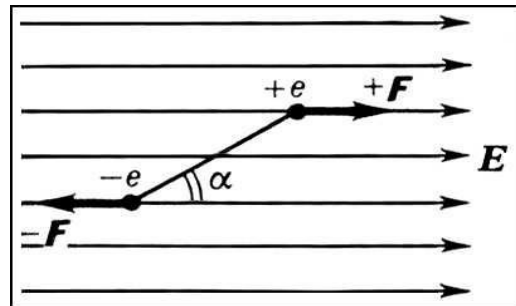
Электрический диполь («двойной полюс») - система двух одинаковых по модулю разноимённых точечных зарядов находящихся на фиксированном расстоянии друг от друга. Вектор, направленный от $-q$ к q , называется плечо диполя.

$$\vec{p} = q \vec{l} ; \quad \vec{p} \uparrow \uparrow \vec{l} ; \quad p \text{ — дипольный момент; } [p] = \text{Кл} \cdot \text{м}$$

Диполь называется точечным, если характерные размеры пространства, где он находится, значительно больше его плеча.

1. Диполь в однородном поле

$$\begin{aligned} \vec{p} &= q \vec{l} \\ \alpha &= (\vec{p} \wedge \vec{E}) \\ \vec{F} &= q \vec{E} \\ \vec{F}_+ &= (-q) \vec{E} \\ \vec{F} &= -\vec{F}_- \\ \vec{F}_{\text{развод}} &= \vec{F}_+ + \vec{F}_- = 0 \end{aligned}$$



Равнодействующая сила равна нулю, следовательно в целом диполь не меняет своего положения. Однако, на диполь действует момент силы, вычислим момент сил, действующих на диполь, относительно точки О.

$$\begin{aligned} \vec{M} &= \vec{M}_+ + \vec{M}_- \\ \vec{M}_+ &= \left[\frac{\vec{l}}{2} \times \vec{F}_+ \right] \\ \vec{M} &= \left[\frac{-\vec{l}}{2} \times \vec{F}_- \right] , \quad \vec{F}_- = -\vec{F}_+ , \quad \vec{M} = \left[\frac{\vec{l}}{2} \times \vec{F}_+ \right] \\ \vec{M} &= [\vec{p} \times \vec{E}] , \quad |\vec{M}| = p E \sin \alpha \end{aligned}$$

Момент сил, действующие на диполь — это момент пары сил, стремящееся развернуть диполь в положение устойчивого равновесия.

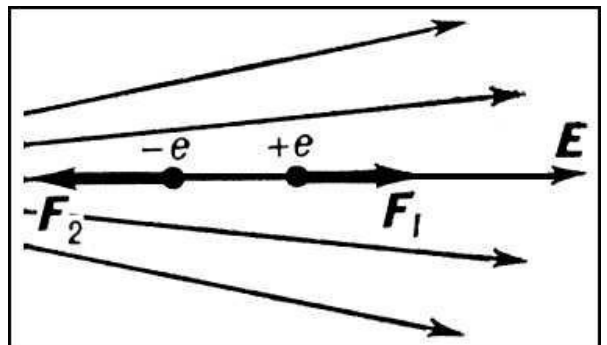
Устойчивое равновесие: $M = 0 \Rightarrow p E \sin \alpha = 0 \Rightarrow \alpha = 0 \quad \vec{p} \uparrow \uparrow \vec{E}$

Не устойчивое равновесие: $M = 0$, $\alpha = 180$

2. Неоднородное электрическое поле

На разные заряды, будут действовать разные силы.

$$\begin{aligned} \vec{F}_+ &= q \vec{E}_+ ; \quad \vec{F}_- = (-q) \vec{E}_- \\ \vec{E}_- &= \vec{E}(r_1) \\ \vec{E}_+ &= \vec{E}(r_2) \\ |\vec{E}_+| &\neq |\vec{E}_-| \\ \vec{F} &= \vec{F}_+ + \vec{F}_- \text{ - равнодействующая} \\ \vec{F} &= q \vec{E}(r_1) - q \vec{E}(r_2) \end{aligned}$$



F_r — проекция на радиальное направление (на силовую линию)

$$F_r = q \frac{E_r(r_2) - E_r(r_1)}{(r_2 - r_1)} (r_2 - r_1) = q \frac{\Delta E_r}{\Delta r} l \cos \alpha = ql \frac{\Delta E_r}{\Delta r} \cos \alpha = p \cos \alpha \frac{\Delta E}{\Delta r} = P_r \frac{\Delta E_r}{\Delta r}$$

$$\Delta r = l \cos \alpha$$

$$F_r = P_r \frac{dE_r}{dr}, \quad F_x = P_x \frac{dE_x}{dx}$$

В неоднородном электрическом поле на диполь, во первых, действует момент сил, стремящийся развернуть его и во вторых, действует сила, направленная в сторону наибольшего возрастания напряженности, величина этой силы пропорциональна скорости изменения напряженности.

Энергия диполя в электрическом поле

Вычислим работу, совершаемую силами поля при повороте диполя в однородном поле от угла α_1 до угла α_2 .

$$\alpha_1 \rightarrow \alpha_2 \quad (\alpha_2 < \alpha_1)$$

$$A_{1 \rightarrow 2} = ?$$

$$A_{1 \rightarrow 2} = W_1 - W_2$$

$$dA = (\vec{M} \cdot d\vec{\varphi})$$

$$dA = |\vec{M}| \cdot |d\vec{\varphi}| \cos 0 = , \text{ так как } \vec{M} \uparrow \uparrow d\vec{\varphi}$$

$$= P E \sin \alpha \cdot (-d\alpha)$$

$$A_{1 \rightarrow 2} = \int_{(\cdot)1}^{(\cdot)2} dA = - \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} P E \sin \alpha d\alpha = -PE (-\cos \alpha) = PE \cos \alpha_2 - PE \cos \alpha_1$$

$$A_{1 \rightarrow 2} = (-PE \cos \alpha_1) - (-PE \cos \alpha_2)$$

$$W = -(\vec{p} \cdot \vec{E})$$

Работа сил электрического поля при перемещении заряда.

Потенциал, разность потенциалов, потенциал поля точечного заряда.

Рассмотрим электростатическое поле, создаваемое зарядом q . В этом поле переместим заряд q из точки a в точку b . При этом перемещении, сила кулона, действующая на q , совершает работу. Величина работы равна (из механики)

$$A_{A \rightarrow B} = k \underbrace{\frac{Qq}{r_A}}_{W_A} - k \underbrace{\frac{Qq}{r_b}}_{W_B} \quad (*)$$

Пусть электрическое поле создаётся не точечным зарядом, а любым заряженным телом. Это тело можно представить как совокупность точечных зарядов. Электрическое поле создаваемое всем телом, тоже потенциально. Заряд ещё одного поля обладает потенциальной энергией. И при перемещении заряда из точки A в точку B работу можно представить таким образом: $A_{A \rightarrow B} = W_A - W_B \quad (**)$

Потенциалом электрического поля в некоторой точке называется отношение потенциальной энергии положительного точечного заряда, помещённого в эту точку, к величине заряда.

$$\varphi_A = \frac{W_A}{q} \quad - \text{ потенциал электрического поля в точке } A, \quad q > 0$$

Поскольку потенциальная энергия определена с точностью до произвольной постоянной, то и постоянная энергия определена с точностью до произвольной постоянной.

$$[\varphi] = \frac{\text{Дж}}{\text{Кл}} = \text{В}$$

$$W_a = q\varphi_A \Rightarrow A_{A \rightarrow B} = q\varphi_A - q\varphi_B$$

$$A_{A \rightarrow B} = q(\varphi_A - \varphi_B)$$

$$\varphi_A - \varphi_B = U_{AB} \quad - \text{ разность потенциалов. } [U] = \text{В}$$

Физический смысл разности потенциалов

$$\varphi_A - \varphi_B = A_{A \rightarrow B}, \text{ если } q = 1 \text{ Кл}$$

Разность потенциалов между двумя точками поля, равна работе электрической силы по перемещению заряда в 1 Кл между этими точками.

Физический смысл потенциала

$$\varphi_A = A_{A \rightarrow B}, \text{ если } q = 1 \text{ Кл и } \varphi_B = 0$$

Потенциал в данной точке поля равен работе совершаемой электрическим полем при перемещении заряда в 1 Кл из этой точки в точку, потенциал которой принят за 0.

$A = qi$ позволяет ввести внесистемную единицу энергии.

1 эВ — это работа, которую совершает электрически заряд при перемещении одного электрона между точками с разностью потенциалов 1 В.

$$1 \text{ эВ} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл} \cdot 1 \text{ В} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Кл} \cdot \text{В} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ Дж}$$

Получим выражение для потенциала создаваемого точечным зарядом

$$\varphi_A = ?$$

$$(*) \Rightarrow W_A = \frac{kQq}{r_A}$$

$$\varphi_A = \frac{\frac{kQq}{r_A}}{q} = \frac{kQ}{r_a} \Rightarrow \varphi(r) = k \frac{Q}{r}$$

Потенциал поля, создаваемого точечного заряда Q в точке A на расстоянии r от Q .

$\varphi(r) \rightarrow 0$, при $r \rightarrow \infty$, это означает, что потенциал бесконечно удалённой точки принят за ноль.

Энергия, системы, заряды

1. Рассмотрим систему двух точечных зарядов

$$n=2$$

$W_{12} = k \frac{q_1 q_2}{r_{12}}$, придадим этой формуле симметричный вид

$$W_{12} = \frac{1}{2} \left(q_2 \underbrace{\frac{k q_1}{r_{12}}}_{\varphi_{2,1}} + q_1 \underbrace{\frac{k q_2}{r_{21}}}_{\varphi_{1,2}} \right) = \frac{1}{2} (q_2 \varphi_{2,1} + q_1 \varphi_{1,2})$$

$\varphi_{1,2}$ — потенциал, создаваемый вторым зарядом в точке, где находится первый

$\varphi_{2,1}$ — потенциал, создаваемый первым зарядом в точке, где находится второй

2)

$$n=3$$

$$\begin{aligned} W_{123} &= W_{12} + W_{23} + W_{13} = \frac{1}{2} (q_1 \varphi_{1,2} + q_2 \varphi_{3,1}) + \frac{1}{2} (q_2 \varphi_{3,2} + q_3 \varphi_{3,2}) + \frac{1}{2} (q_1 \varphi_{1,3} + q_3 \varphi_{3,1}) = \\ &= \frac{1}{2} (q_1 (\varphi_{1,2} + \varphi_{1,3}) + q_2 (\varphi_{2,1} + \varphi_{2,3}) + q_3 (\varphi_{3,1} + \varphi_{3,2})) = \frac{1}{2} (q_1 \varphi_{1,23} + q_2 \varphi_{2,13} + q_3 \varphi_{3,21}) \end{aligned}$$

3) n зарядов

$$W_{12...n} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n q_i \varphi_i ; \quad \varphi_i \text{ — потенциал электрического поля, созданный всеми зарядами,}$$

кроме i -го, в точке, где находится q_i